

# Cours d'auto

mercredi 3 mars 2010  
10:41

Pôles dénominateur à partie réelle négative --> système stable

Ex:  $Gbo=1/(s^3+2s^2+2s+1)=N/D$  ---> dénominateur une racine réelle négative 2 racines complexes : réponse indicielle sinusoïde amortie  
Si pas de retour réponse sinusoïdale car pas de correction

$Gbf= N/D+N$

$Dbf=[1 \ 2 \ 2 \ 1+K]$

Calculer le gain critique? = calculer pour quelle valeur racines à partie réelles =0 ou alors  $1*(1+K)<2*2$  soit  $K<3$

Si  $K=3$  système en pompage= limite de la stabilité

La valeur recommandée est la moitié de ce gain critique. Dans ce cas nous avons une marge de gain =0

Réglage du PID : (pid parallèle)

Période de pompage  $\approx 4,4$  on regarde dans le tableau chap 5 p28

$K=Kc/1.7$

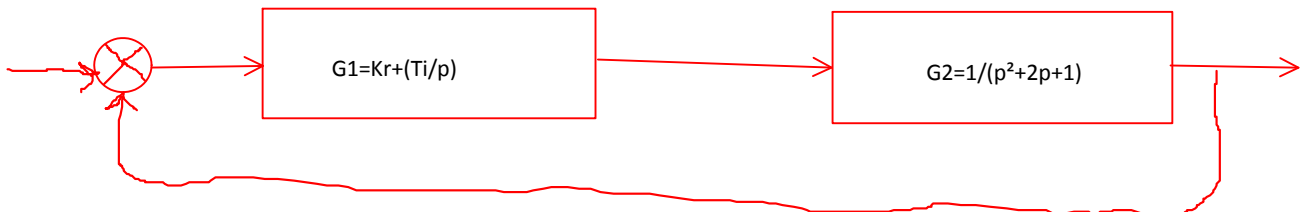
$Ti=0.85*4,4/3$

$Td...$



sur matlab les paramètres  $Ti$  et  $Td$ : inverser! Entrer  $1/Ti$  et  $1/Td$

Exercice:



- 1) Trouver les valeurs de  $Kr$  et  $Ti$  pour que le système soit stable

Fonction de transfert boucle ouverte:  $G=G1*G2$

Fonction de transfert boucle fermée :  $Gbf=Numérateur de G / (Dénominateur de G+ numérateur de G)$

$Gbf= N / ( N+ D ) = (pKr+Ti)/(p^3+2p^2+(1+Kr)p+Ti)$  ----> il faut  $Ti<2(Kr+1)$  pour que le système soit stable

$$G = (Kr + Ti / P) * 1 / (p^2 + 2p + 1) = \frac{Kr + \frac{Ti}{p}}{p^2 + 2p + 1} = (Kr + Ti/p) / (p^2 + 2p + 1)$$

- 2) Démontrer qu'avec un régulateur PID le système est plus stable

Avec  $G1=Kr+(Ti/p)+Td*p$

Fonction de transfert boucle fermée:  $(Td*p^2+Kr*p+Ti)/(p^3+(2+Td)p^2+(1+Kr)p+Ti)$  pour que le système soit stable il faut  $(2+Td)(1+Kr)>Ti$

Domaine plus large car plus de critères ( $Td$  ET  $Kr$ ) donc système plus stable avec PID.